

සමාන්තර ගෝඩි (Arithmetic & Progressions)

දෙව්නිත් සුදිර

සමාන්තර ගෝඩි (Arithmetic & Progressions)

- කිහිපළී සංඛ්‍යා සමූහයක අනුයාත සංඛ්‍යා අන්තර්හි මිනැම සංඛ්‍යාවකින් පෙර සංඛ්‍යාව අඩු කර ලැබෙන පිළිබුරු නියන අගයක් ගනී නම්, විය සමාන්තර ගෝඩියකි.
- මෙහිදී පොදු අන්තරය d ලෙස ගනු ලැබේ.

$$d = T_n - T_{n-1}$$

$$\text{නිදුසුන් } d = T_2 - T_1 = 13 - T_2 = T - T_3 = \dots$$

- සමාන්තර ගෝඩියක පළමු තෙය a මගින් දැක්වයි.

නිදුසුන්

$$25, 8, 11, \dots$$

$$a = 2, d = 3$$

$$-5, -1, 3, 7, \dots$$

$$a = -5, d = 4$$

මුළු පදය a මුළු පද දෙකේ අතර වෙනස තෙවත් පොදු අන්තරය (Common Difference) d විඳු ජූ n සංඛ්‍යාවකින් සිම්න්චිටා වුද සමාන්තර ග්‍රේශ්‍රීයක් පහත පරීක්ෂාවිය හැකිය.

a, (a + d), (a + 2d)...

[a + (n-1) d]

මෙහි n වැනි පදය (n th Term) වූ T_n පහත පරීක්ෂාවිය හැකි බව ඔබට නිරක්ෂණයෙන් පහැදිලි වනු ඇත.

$$T_n = a + (n-1) d$$

සමාන්තර ග්‍රේශ්‍රීයක පදවල විකතුව පද ගණන සීමා වන අවස්ථාවක දී ගණනය කළ හැකිය. මේ අනුව පදවල විකතුව ගණනය කිරීම ප්‍රධාන ආකාර 2 කට සිදු කරනු ලබයි.

1. අවසාන පදය දැන්නේ නම් පහත සූත්‍රය හාවිත කළ හැකිය.

$$S_n = \frac{n}{2} [a+1]$$

2. අවසාන පදය නොදුන්නේ නම් පහත සඳහන් සූත්‍රය හාවිත කළ හැකිය.

$$S_n = \frac{n}{2} [2a + (n - 1) d]$$

ගැටුව්

01. සමාන්තර ග්‍රේනියක පලමුවහි පදාය 3 වන අතර 25 වහි පදාය 51 කි. මෙම ග්‍රේනියේ මුළු පද 25 හි චෝකනය ගණ්නය කරන්න.

02. සමාන්තර ග්‍රේනියක මුළු පදාය 8 සහ අවසාන පදාය 128 කි. පදවල චෝකනය 2,788 කි. ග්‍රේනියේ පද ගණන සහ පොදු අන්තරය සොයන්න.

03. සමාන්තර ග්‍රේණියක 15 වන පදය 37 ද මුල් පද 21 හි එකතය 525 ද වේ. අදාළ සූත්‍ර භාවිතා කරමින්;

1. මුල් පදය සහ පොදු අන්තරය සොයන්න.
2. 36 වැනි පදය තියද?
3. ඉහත 15 වැනි පදයෙන් ආරම්භ කොට 36 වැනි පදයෙන් අවසන් වන පදවල වැකතුව සොයන්න.

04. වික්තරා සමාන්තර ග්‍රේණියක n වැනි පදය $7 - 4n$ වේ. වම ග්‍රේණියේ,

1. මුල් පද තුන ලියා පොදු අන්තරය සොයන්න.
2. මෙහි -33 වන්නේ කවර පදය ද?
3. මුල් පද 12 හි වැකතුව ද සොයන්න.

05. පිරවීය ශ්‍රේණි ජල වැංකියක ධාරිතාවය (480m^3) නළයකින් දිනකට පුරවන ජල ප්‍රමාණයට වඩා ඊලග දින පුරවන ජල ප්‍රමාණය (2m^3) ක් වැඩිය. නළයකින් පළමු දින පුරවන ලද ජලය ප්‍රමාණය (5m^3) නම් වැයට වැංකිය පිරවීමට දින කියක් ගෙවේද?

ගුණෝත්තර ජ්‍යෙෂ්ඨ (Geometric Progression)

නිකිලම් සංඛ්‍යා සමූහයක අනුයාන සංඛ්‍යා අතර්න් ඕනෑම සංඛ්‍යාවකින් පෙර සංඛ්‍යාව බෙදුමෙන් ලැබෙන පිළිබඳ නියන අගයක් ගනී නම්, විය ගුණෝත්තර ජ්‍යෙෂ්ඨයි.

ගුණෝත්තර ජ්‍යෙෂ්ඨයක පොදු අනුපාතය r වේ. ඒ අනුව,

$$r = \frac{T_n}{T_{n-1}}$$

$$\text{නිදසුන් } r = \frac{T_2}{T_1} = \frac{T_3}{T_2} = \frac{T_4}{T_3} = \dots$$

ගුණෝත්තර ජ්‍යෙෂ්ඨයක පළමු පදන ඔ හෝ T_1 මගින් දක්වනු ලැබේ.

මුළු පදය (a) ව්‍යුත් ගුණෝත්තර ශේෂීයෙන් පද දෙකක් අතර අනුපාතය හෙවත් නොදු අනුපාතය (Common a Ratio) r ව්‍යුත් පදය සංඛ්‍යාවකින් සමඟ්වීත ව්‍යුත් ගුණෝත්තර ශේෂීයෙන් පහත පරීදි දැක්විය හැකිය.

$$a, ar, ar^2 \dots \dots \dots ar^{n-1}$$

$$T_n = ar^{n-1}$$

ගුණෝත්තර ශේෂීයක වික්‍රාම සෙවීම්

මුළු පදය a දී නොදු අනුපාතය r දී වන ගුණෝත්තර ශේෂීයක පද n හි වික්‍රාම සෙවීම ප්‍රධාන ආකාර 2කි.

1. r හි අගය 1ට වඩා වැඩි වන විට

$$|r| > 1 \text{ නම්},$$

$$S_n = \frac{a(r^n - 1)}{r - 1}$$

2. r නි අගය 10 වඩා අඩු වන විට

$|r| < 1$ නම්,

$$S_n = \frac{a(1-r^n)}{1-r}$$

ගටලු

01. ගුණෝත්තර ශේෂීක තෙවනි පදය 3 ද පස්වැකි පදය 27 වේ. එම ශේෂීයේ මුළු පදයන් පොදු අනුපාතයන් සොයන්න. පොදු අනුපාතයන් කදානා ලබා ඇති අගයන් කොහොමු නිබේද?

පොදු අනුපාතයට හා මුළු පදයට ලද අගයන් යොදා ගනිමින් වික් වික් ශේෂීයේ මුළු පද පහේ චේකය වෙන වෙනම සොයන්න.

02. ගුණෝත්තර ශේෂීයක දෙවැනි සහ තුන්වැනි පදාචල විකතුව 3 කි. විමි හත්වැනි පදාය හතර වැනි පදාය මෙන් 8 අඟුරයි.

1. මෙම ශේෂීයේ මුල් පදාය හා පොදු අනුපාතය ගණනය කරන්න.
2. මෙහි 27 වැනි පදාය, දෙකෙහි බලයක් ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න.

03. පද 4 කින් යුතු ගුණෝත්තර ශේෂීයක මුළුන් ඇති පද දෙකේ වේකනය 8 ද් ර්ලය පද දෙකේ වේකනය (72) ද වේ. ඉහත අවශ්‍යතාවයන් සපුරාලුන ශේෂී දෙකක් ඇති බව පෙන්වා විම ශේෂී දෙක ලියා දක්වන්න. වික් වික් ශේෂීයේ පද 4 ක විකතුව සොයන්න.

04. ආකර්යකින් ලැබෙන ආදායම සෑම වසරක් පාසා වීම ආකාරයෙන් රේට පෙර වසරේ ලැබූ ආදායමින් (12%) බැඟින් වැඩිවෙමින් පවතී. පළමු වසරේ මෙම ආකාරයෙන් ලැබූ ආදායම රු. මිලියන (60) ක් වේ නම්, පළමු වසර 8 සඳහා ආකාරයෙන් ලැබෙන මුළු ආදායම නොයන්න.

05. දිග සිහින් කම්බියක් පිළිවෙළින් කැබලි වලට කනා අත්තේ පලමුවන කැබල්ල (5cm) වන ලෙසක් ඉන්පසු කපන සෑම කැබල්ලක්ම එෂ් නැම පෙර කැපු කැබල්ල මෙන් දෙගුණයක් වන පරීඩින්ය.

1. මුල් කැබලි 4 හි දිගම ලියා දක්වන්න.
2. මෙම කැබල්ල දිග පිළිවෙළින් සැලකු විට ලැබෙන්නේ කවර ග්‍රේනියක් දී?
3. කම්බියේ දිග 2555cm නම් කැඝිය හැකි කැබලි ගණන නියද?